## Sprawdzenie maksymalnej średnicy prętów na podstawie [N2] z uzupełnieniami zawartymi w [30]

Na podstawie przykładu 6.9 (przypadek zwyczajny, decyduje  $s_{r,\max}$ ) naprężenia w zbrojeniu rozciąganym wynoszą:  $\sigma_s = 302,2$  MPa, efektywny stopień zbrojenia  $\rho_{p,\text{eff}} = 0,0188$ .

Wysokość użyteczna przekroju  $d = h - a_2 = 250 - (25 + 12/2) = 219$  mm.

Maksymalna średnica prętów  $\phi_s^*$  odczytana z tablicy 6.9 dla naprężeń  $\sigma_s = 302,2$  MPa i granicznej szerokości rysy równej 0,3 mm wynosi około 11 mm.

$$h - d = 250 - 219 = 31 > 0, 1h = 0, 1 \cdot 250 = 25 \text{ mm}$$
.

Maksymalna średnica, przy której można uznać, że rysy będą ograniczone do szerokości 0,3 mm wynosi zatem (przyjęto  $k_c = 0,4, h_{cr} = 0,5h$ ):

$$\phi_s = \phi_s^* \frac{f_{ct,eff}}{2.9} \frac{5k_c h_{cr}}{h} = 11 \cdot \frac{2.9}{2.9} \frac{5 \cdot 0.4 \cdot 0.5 \cdot 250}{250} = 11.0 \text{ mm}.$$

Zastosowana średnica prętów  $\phi=12$  mm jest większa od  $\phi_s=11$  mm, więc należy sprawdzić szerokość rys. Szerokość rys obliczona w przykładzie 6.9 wynosi 0,215 mm i jest mniejsza od granicznej wartości 0,3 mm.

Dla otuliny 15 mm naprężenia w stali (na podstawie arkusza obliczeniowego nr 1) wynoszą  $\sigma_s = 287,7$  MPa. Maksymalna średnica prętów  $\phi_s^*$  odczytana z tablicy 6.9 dla granicznej szerokości rysy równej 0,3 mm wynosi około 11,6 mm.

Wysokość użyteczna przekroju  $d = h - a_1 = 250 - (15 + 12/2) = 229$  mm.

$$h - d = 250 - 229 = 21 < 0.1h = 0.1 \cdot 250 = 25 \text{ mm}.$$

Maksymalna średnica, przy której można uznać, że rysy będą ograniczone do szerokości 0,3 mm wynosi zatem (przyjęto  $k_c=0,4,\,h_{cr}=0,5h$ ):

$$\phi_s = \phi_s^* \frac{f_{ct,\text{eff}}}{2.9} \frac{k_c h_{cr}}{2(h-d)} = 11.6 \cdot \frac{2.9}{2.9} \cdot \frac{0.4 \cdot 0.5 \cdot 250}{2 \cdot 21} = 13.8 \text{ mm}.$$

Zatem można uznać, że jeżeli zastosuje się otulinę 15 mm, to szerokość będzie ograniczona do 0,3 mm. Szerokość rys odczytana z arkusza nr 1 wynosi 0,202 mm.

## Sprawdzenie maksymalnej średnicy prętów metodą dwóch naprężeń [35]

Naprężenia  $f_p$  i  $\sigma_{sm}$ :

$$f_p = \frac{k f_{ct,eff}}{\rho_{p,eff}} = \frac{1,0.2,9}{0,0188} = 154,2 \text{ MPa},$$

$$\sigma_{sm} = \max \left\{ 0, 6\sigma_s; \sigma_s - 0, 4\left(f_p + 19\right) \right\} = \max \left\{ 0, 6 \cdot 302, 2; 302, 2 - 0, 4 \cdot \left(154, 2 + 19\right) \right\}$$

$$= \max \left\{ 181, 3; 232, 9 \right\} = 232, 9 \text{ MPa}.$$

Wówczas:

$$\phi^* = \frac{8,53}{f_p} \left( \frac{E_s w_k}{\sigma_{sm}} - 3,4c \right) = \frac{8,53}{154,2} \cdot \left( \frac{210000 \cdot 0,03}{232,9} - 3,4 \cdot 2,5 \right)$$
$$= 0,0553 \cdot 18,55 = 1,03 \text{ cm} = 10,3 \text{ mm}.$$

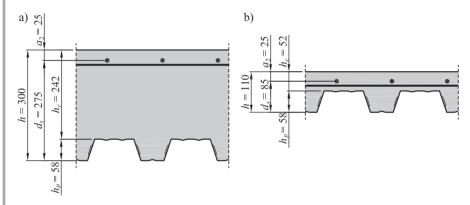
Maksymalna średnica prętów zbrojenia

$$\phi_{\text{max}} = \frac{k f_{ct,eff}}{2.9 k_2} \phi^* = \frac{1.0 \cdot 2.9}{2.9 \cdot 0.5} \cdot 10.3 = 20.6 \text{ mm} > \phi = 12 \text{ mm}.$$

Zastosowana średnica prętów  $\phi = 12$  mm przy ograniczeniu zarysowania do 0,3 mm jest odpowiednia. Szerokość rys obliczona w przykładzie 6.9 wynosi 0,215 mm i jest mniejsza od granicznej wartości 0,3 mm.

## Przykład 6.11. Zbrojenie minimalne ze względu na nośność i zarysowanie

Obliczyć minimalne zbrojenie przekroju pokazanego na rysunku 6.46 w obszarze momentu ujemnego. Przyjęto blachę Cofraplus 60, stal zbrojeniową B500SP,  $f_{sd}$  = 435 MPa, odległość od środka ciężkości zbrojenia do krawędzi rozciąganej  $a_2$  = 2,5 cm, beton C30/37,  $f_{ctm}$  = 2,9 MPa, graniczna szerokość rys  $w_k$  = 0,4 mm. Przyjęto  $n_L$  = 9,03.



Rys. 6.46. Przekrój przez strop

## a. Płyta o grubości 300 mm

Minimalne zbrojenie ze względu na kruche zniszczenie na podstawie [N2]

$$A_{s, \min, \text{ULS}} = \max \begin{cases} 0.26 \frac{f_{ctm}}{f_{yk}} b_t d_s = 0.26 \cdot \frac{2.9}{500} \cdot 100 \cdot 27.5 = 4.15 \text{ cm}^2/\text{m}; \\ 0.0013 b_t d_s = 0.0013 \cdot 100 \cdot 27.5 = 3.57 \text{ cm}^2/\text{m}. \end{cases}$$

Minimalne pole powierzchni zbrojenia ze względu na kruche zniszczenie wynosi zatem  $A_{s,\text{min,ULS}}=4,15\,\,\text{cm}^2/\text{m}$ . Pole to można wyznaczyć dokładniej, korzystając z arkusza kalkulacyjnego nr 1. W tym celu należy odczytać moment rysujący i dla takiego momentu zginającego dobrać zbrojenie, przy którym naprężenia w zbrojeniu będą równe  $f_{yk}=500\,\,\text{MPa}$ . Korzystając z arkusza kalkulacyjnego nr 1, otrzymano  $M_{cr}=35,5\,\,\text{kN·m/m}$  i stosując zbrojenie  $\phi12$  co 405 mm (czyli  $A_{s,\text{min,ULS}}=2,79\,\,\text{cm}^2/\text{m}$ ), otrzymano  $\sigma_{s2}=f_{yk}=500\,\,\text{MPa}$ .